

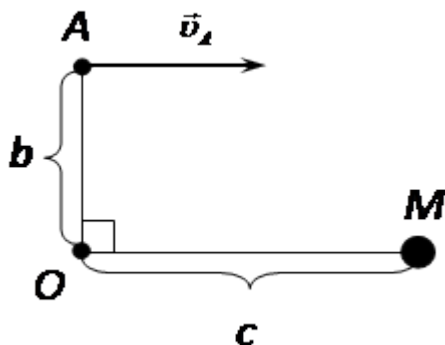
## 1. Планети

Космічний апарат масою  $m$  рухається навколо планети масою  $M$  ( $M \gg m$ ). У точці  $A$  (див рис.)

швидкість апарату дорівнює  $\vec{v}_A$ , відрізок  $OM$  дорівнює  $c$ , а відрізок  $OA$  дорівнює  $b$ . Відомо,

що  $\frac{mv_A^2}{2} - G \frac{Mm}{\sqrt{b^2 + c^2}} < 0$ , мінімальна відстань між центром планети та апаратом більша за

радіус планети,  $\vec{v}_A$  перпендикулярна до максимальної швидкості апарату. Знайдіть мінімальну відстань між центром планети та апаратом. Визначте мінімальний час, за який апарат, рухаючись з точки  $A$ , наблизиться на мінімальну відстань до планети.



## 2. Промінь світла у пляшці

Тонкостінну циліндричну пляшку, що заповнена прозорою рідиною, просвічують лазерною указкою. Виявилось, що точка входу і точка виходу променя не можуть бути дуже близько одна від одної. Мінімальна довжина дуги між цими точкам рівна  $l$ . Радіус основи циліндра  $R$ . Знайдіть показник заломлення рідини у пляшці.

## 3. Випаровування крижини

Знайдіть питому теплоту пароутворення криги при  $0^\circ\text{C}$  і нормальному атмосферному тиску. Для розрахунків використовуйте дані з довідника.

$C_{\text{води}} = 4200 \text{ Дж}/(\text{кг}\cdot\text{К})$	- удельная теплоемкость воды
$L = 2260 \text{ кДж}/\text{кг}$	- удельная теплота парообразования воды
$\lambda = 336 \text{ кДж}/\text{кг}$	- удельная теплота плавления
$P_0 = 101 \text{ кПа}$	- нормальное атмосферное давление
$\rho_{\text{води}} = 1000 \text{ кг}/\text{м}^3$	- плотность воды
$\rho_{\text{льда}} = 900 \text{ кг}/\text{м}^3$	- плотность льда
$C_{\text{льда}} = 2100 \text{ Дж}/(\text{кг}\cdot\text{К})$	- удельная теплоемкость льда